

**O'ZBEKISTON RESPUBLIKASI
OLIY TA'LIM, FAN VA INNOVATSIYALAR VAZIRLIGI**

BUXORO DAVLAT UNIVERSITETI



**BUXORO
DAVLAT
UNIVERSITETI**



TASDIQLAYMAN»

Ishtor va innovatsiyalar
Tashkent shahri, Buxoro qo'sha prorektor

T.H. Rasulov
2023 y.

01.01.03–HISOBLASH MATEMATIKASI VA DISKRET MATEMATIKA

ixtisosligi bo'yicha tayanch doktoranturaga kirish imtihoni

DASTURI

Buxoro 2023

Kirish imtiyonini dasturi Axborot texnologiyalar fakulteti "Amaliy matematika va desturlash texnologiyalar" kafedrasining 2023 yil 27 sentyabrdagi №5 sonli yig'iliishiда ko'rib chiqilgan va ma'qullangan.

Tuzuvchilar:

Jalolov O.I. - f.-m.f.n.dotsent

Jumayev J. - f.-m.f.n.dotsent

KIRISH
Hozirgi vaqtda ilm-fan muammolarini hal qilishda kompyuterlar jamiyatimizda muhim o'rin tutadi. Kompyuterlar ijm-fan, texnikada strategik rol o'ynaydi. Chunki juda ko'plab fizikaviy, biologik va ximiyaviy masalalar ular yordamida hal qilinadi. Hisoblash matematikasi, matematik modellasshtirish asosida kompyuter yordamida sonli va simvolli hisoblashlarni bajarish, natijalarni tahlil qilish va vizualizasiya qilish usullarini o'rganadi. Bu soha hozirgi kunda yangi hisoblash modellari va kompyuterli matematik tizimlarni yaratilishi bilan bog'liq jadal rivojlanib bormoqda.

Hisoblash matematikasi va matematik modellasshtirish asosida hisoblash texnologiyalaridan keng foydalanmoqda. Bunda albatta bu sohanı o'rganish muhim ahamiyatga ega. Ushbu soha matematik masalalarini kompyuter yordamida yechishda qo'llaniladigan hisoblash algoritmlarini ishlab chiqishga o'rnatishga bag'ishlanadi. Bu soha bo'yicha malakali mutaxassis tayorlashda muhim ahamiyatga ega.

Xayotov A.R. – O'zR FA Matematika instituti "Hisoblash matematikasi" laboratoriya mudiri, f.-m.f.d., professor.

Yo'idoshev Sh.S. – BMTI Axborot kommunikatsiya texnologiyaları kafedrasi dotsenti f.-m.f.n.

Bu sohanı o'rganishdan maqsad matematik masalalarni sonli yechish bo'yicha, turli algoritmlarni sifatini va ishlash imkoniyatlarini tahlil qila bilish, yangi algoritmlarni yaratma bilish ko'nigmalarini hosl qilishdan iborat.

Masalalarni yechishda hisoblash usullarini qo'llash davomida quyidagi asosiy bosqichlar ketma-ketligini bajarishga to'g'ri keladi: masalalarning turni aniqlay olish va ma'lum algoritmlarni to'g'ri qo'llay bilish va ma'lum usullarning turg'unligini aniqlay bilish. Dasturlash tillarini qo'llagan holda shaxsiy kompyuterlarda masalalarni yecha olish. Sonli hisoblash natijalarini malakali ravishda tahlil qila bilish.

Bugungi kunda respublika axborot kommunikatsiya tizimini isloh qilishni yanada chuqurlashtirish va uning barqarorligini oshirish, ishlab chiqarish faoliyatini va axborot kommunikatsiya tizimini baholashga nisbatan yondashuv va usulularni tubdan o'zgartirish, uning umumqabul qilingan xalqaro prinsiplar, standartlar va me'yorlarga hamohang tarza rivojlanishini ta'minlash

Dastur Buxoro davlat universitetining Ilmiy kengashida ko'rib chiqilgan va tasdiqlangan (" _____ 2023 yil _____ -son majlis bayoni).

mamlakatimizda analga oshirilayotgan istohotlarning ustuvor yo'nalishlarini belgilash dolzab vazifa bo'lib qolmoqda.

Ushbu ustuvor vazifani bajarishda yuqori bilimli, ilmiy, pedagogik faoliyatarni bajara oladigan mutaxassislarni taylorash, ularni xalq xo'saligining turli tarmoqlariga keng safarbar etish asosiy vazifa bo'lib hisoblanadi.

Ishlab chiqarishni avtomatlashturish va axborot kommunikatsiya tizimlari faoliyatini rivojlantirish zaruri mamlakatimizda Hisoblash matematikasi va diskret matematika sohasida yetuk mutaxassislarni taylorashga bo'lgan talabni yanada oshirmoqda.

Dasturning maqsadi va vazifalari

Ixtisoslik bo'yicha tayauch doktorantura (PhD)ga kiruvchilar uchun mo'ljallangan sinov dasturing asosiy maqsadi va vazifasi talabgorlarning turli matematik masalalarni yechishda, turli algoritmlarni sifatini va ishlashimkoniyatlarini tahlil qila bilish hamda algoritmlarni yaratma bilish ko'nikmalarni baholashdan iborat. Berilgan masalaning turini aniqlay olish va ma'lum algoritmlarni to'g'ri qo'llay bilish va ma'lum usullarning turg'unligini aniqlay bilish darajasini aniqlash. Talabgorlarning dasturlash tillarini qo'llagan holda kompyuterlarda masalalarni yecha olish va sonli hisob-kitob natijalarini malakali ravishda tahlil qila bilish bo'yicha bilim va malakasini baholashdan iborat.

"Hisoblash matematikasi" malakavy imtihonining o'tkazilishidan maqsad oliv ta'ilimdan keyingi ta'ilim tizimida o'qishga tayyorgartlik darajasini aniqlash hisoblanadi. Ixtisosligi "Hisoblash matematikasi" bo'lgan katta ilmiy xodim-izlanuvchilarning malakaviy imtihon dasturi oliv ta'ilim tizimidagi funksional analiz, hisoblash usullari, matematik-fizika tenglamalari, matematik modellasshturish kabi fanlar bo'yicha tushunchalarni o'z ichiga oladi.

FUNKSIONAL ANALIZ

Metric, normallashgan, gibert fazolari. Metric fazo. Uzlusiz akslantirish. Kompakt to'plamlar. Siqb akslantirish prinsipi, ketma-ket yaqinlashish usuli va ularning qo'llanishi. Chiziqli, normallangan, banax va gibert fazolari. Kuchli va kuchsiz yaqinlashish. Eng yaxshi yaqinlashish. Fure koefitsientlari xossalari. Chiziqli funkstionallar va operatorlar. Uzlusiz chiziqli ooperatorlar. Operatorning normasi va spektral radiusi.

Operatorlarning yaqinlashishi; Neyman qatori va uning yaqinlashishi haqida. Teskari operatorning mavjudligi haqida teorema. Chiziqli operatorning shartlanganlik o'lchovi va tenglamani unga yaqin tenglama bilan almashirilgan shartlanganlik o'lchovini qo'llash.

Chiziqli funkstionallar. Qo'shma fazo. Banax-Shteyngauz teoremasi va uning qo'llanilishi. Chegaralangan chiziqli funkstionalni(gibert fazosi uchun) tasvirlash haqidagi Riss teoremasi. Operatorning spektri. Qo'shma, simmetrik, musbat aniqlangan operatorlar va ularning spektral xossalari. C , L_2 , L_p , W_p^l fazolar. Umumlashgan hosila. Puankare-Steklov-Fridrix tengsizligi. Ichma-ich joylashuv teoremlari haqida tushuncha.

MATEMATIK FIZIKA TENGLAMALARİ.

Xususiy hosilali differential tenglamalar sinflari. Xususiy hosilali differential tenglamalar va ularning yechumi haqida tushuncha. Matematik fizikaning asosiy tenglamalari va ularni keltirib chiqarish. Ikki o'zgaruvchili ikkinchi tartibli xususiy hosilali differential tenglamalarni kanonik ko'rinishga keltirish. Ikkinchi tartibli chiziqli differential tenglamalar uchun asosiy chegaraviy masalalarning qo'yilishi. Korrekt(to'g'ri) va nokorrekt qo'yilgan masala tushunchasi. Koshi-Kovalevskaya teoremasi. Adamar misoli. Giperbolik tipdagи tenglamaga olib kelinadigan oddiy masalalar. To'qin tarqalish usuli. Dalamber formulasi. Bir jinsli bo'lmasan tenglama uchun Dalamber formulasi. Issiqlik o'tkazuvchanlik tenglamasi. Birinchi chegaraviy masala. Issiqlik o'tkazuvchanlik tenglamasi uchun Koshi masalasi. Puasson formulasini keltirib chiqarish. Ketma-

ket yaqinlashish usuli. Fredgolm va Volterraniing ikkinchi tur integral tenglamasi. Laplas tenglamasi uchun Dirixle masalasining Grin funkstiysi. Shar uchun Dirixle masalasini yechish. Puasson formulasidan kelb chiqadigan ayrim muhim natijalar. Fure usuli. Bir jinsli va bir jinsli bo'lmagan giperbolik tenglamalar. Parabolik tenglama. Shredinger tenglamasi. Elliptik tenglama. Misollar. Giperbolik tipdag'i tenglamalar uchun aralash masala. Klassik yechim.

HISOBLASH USULLARI

Xatoliklar manbalari. Absolyut, nisbiy va limit nisbiy xatolik. Qiymatli va ishonchli raqamlar. Ishonchli raqamlar soni bilan limit nisbiy xatolik o'tasidagi bog'lanish. Amal xatoliklari. Funksiya xatoligi. Xatolikning teskari masalasi.

Chiziqli algebraik tenglamalar sistemasini yechishning aniq usullari. Teskari matristani topish. CHATS (chiziqli algebraik tenglamalar sistemasini) yechimini topishning iterastion usullari. Iterastion usullarning yaqinlashishi va xatoligi. Bir noma'lumli tenglamalarning ildizlari chegaralari, ildizlarni taqribiy topish: oddiy iterastiya. Nyuton, vatarlar usullari va modifikasiyalari. Chiziqsiz tenglamalar sistemasini yechishning iterastion usullari. Xos son va xos vektorlarni topishning sonli usullari.

Funksiyalarni yaqinlashtirish usullari. Algebraik ko'phadlar bilan yaqinlashtirish. Interpolyastion masala yechimining yagonaligi. Lagranj interpolyastion formulasi va xatoligi. Ayirmalar nisbati va ularning xossllari. Nyutonning tengmas oraliqlar uchun interpolyastion formulari. Chekli ayirmalar va ularning xossllari. Teng oraliqlar uchun interpolyastion formular. Splayn-yaqinlashtirish. Splayn interpolyastiya.

Interpolyastion kvadratur formular. Nyuton-Kotes tipidagi kvadratur formular, trapeziya, Simpson kvadratur formulari va ularning xatoliklari. Karallai integralarni hisoblash.

Oddiy differential tenglamalar uchun qo'yilgan Koshi masalasini yechishning sonli usullari. Ketma-ket yaqinlashish, Eyler, Runge-Kutta usullari.

Sistemalarni integrallash. Chegaraviy masalalarni yechishning sonli usullari. Progonka usuli. Variastion masalaga keltirish va variastion usullari. Galerkin, kolokastiya, Ritst usuli.

Matematik fizika masalalarini yechishning sonli usullari. Dastlabki tushunchalar. Chekli ayirmali sxemalar. Ayirmali approksimasiya. Issiqlik o'kazuvchanlik tenglamasi uchun ayirmali sxemalar. Ayirmali sxemada turg'unlik va yaqinlashish orasidagi bog'lanish. Ayirmali sxemalar uchun maksimum prinstipi. Puasson tenglamasi uchun qo'yilgan Dirixle ayirmali masalasining turg'unligi va yaqinlashishi. Ayirmali sxemalarning turg'unlik nazarivasi. Parabolik tipidagi masalalarni taqribiy yechish. Ayirmali sxemalardagi turg'unlik va yaqinlashish orasidagi bog'lanish. Chiziqlimas issiqlik o'kazuvchanlik tenglamasi uchun ayirmali sxemalar. Ayirmali sxemalar uchun maksimum prinstipi. Ikki qatlamli ayirmali sxemalar turg'unligi va yaqinlashishini o'zgaruvchilarga ajratish metodi yordamida tadqiq etish. Ayirmali sxemalarning turg'unlik nazarivasi. Ikki va uch qatlamli ayirmali sxemalar. To'r tenglamalarning kanonik kurinishi iteration metodlari. To'r tenglamalarni yechish usullari. Matristaviy progonka usuli. Dekompozitsiya metodi. (reduksiya). Matematik fizika masalalarni yechishning variation va variastion - ayirmali metodlari. Bazis funksiyalarni qurish usullari. Nostastionar masalalar uchun chekli elementlar usuli. Giperbolik tenglamalar uchun xarakteristikalar metodi.

Integral tenglamalarni yechish usullari. Fredgolm tenglamasi. Birinchi tur Fredgolm tenglamasi Nokorrekt masalalarni yechish.

DISKRET MATEMATIKA

Mulohazalar va mantiqiy bog'liqliklar. Sharli mulohazalar. Ekvivalent mulohazalar. Aksiomatik sistemalar: xulosa qilish va isbotlar. Mantiqiy mulohazalarda to'lalik. Kamo xaritasi. To'plamlar tushunchasi va ular ustida amallar. Venn diagrammasi. Bul algebrasi. Qisman tartiblangan to'plamlar. Ekvivalent munosabatlari. Predikatlar hisobi. Isbotlar nazarivasi va butun sonlar

nazariyasining asosiy holatlari. Matematik induksiya. Bo'linish. Taqqoslama. Funksiya, maxsus funkstiyalar. Matristalar. Quvvat. Matristalar uchun stikl va algoritmlar. Rekursiv funkstiyalar va algoritmlar. Algoritmlarning murakkabligi. Tartiblash algoritmlari. Ikkilik va o'n oltilik sanoq sistemalari. Graflar. Orientirlangan graflar. Eyllarning yo'llari va stikllari. Instidentlik va qo'shmalik matristalar. Giperkub va Grey kodi. Eratosfen g'alviri. Fermaning ko'paytvchilarni ajratish metodi. Bo'linish algoritmlari va Evklid algoritmi. Zanjirli kasrlar. Kombinatorikaning asosiy prinstiplari. O'rinn almashtirishlar, o'rinalashtirishlar va gruppashlar prinstiplari. Yarim grupper va yarim panjaralar. Panjara. Grupper. Grupper va gomomorfizm. Chiziqli tenglamalarning butun qiymatli yechimlari. Taqqoslamalarni yechish. Qoldiqlar haqida Xitoy teoremasi. φ funkstiyaning xossalari. Butun sonning tartibi. Bir jinsli va bir jinsli bo'limgan chiziqli rekurrent munosabatlar. Chekli ayirmalar. Faktorial ko'phadlar. Ayirmalarni yig'ish. O'rinalashtirish haqida masala. Katalan soni. Hosil qiluvchi funkstiyaning ta'rifsi, rekurrent munosabatlar, kombinator hisob. Daraxtlarning xossalari. Qidiruvning binar daraxtlari.

Tayanch doktorantura (PhD)ga kiruvchilar uchun sinov imtihonining javoblarini baholash umumiy mezonlari

Ball	Bilim darajasi
1	2
86-100	Javoblarida fanning mavzulari va savollari bo'yicha ijodiy fikrlash mavjud bo'lsa, mamlakatimizda modernizastiyalash jarayonlarini jadallashtirish, demokratik islohatlarni yanada chuqurlashtirish va fuqarolik jamiyatini rivojlantirish konstepsiyasiidan kelib chiqqan vazifalarni bajarish yo'llari o'z aksini topgan bo'lsa, qo'yilgan muammoni yechish bo'yicha tavsiyalar bergan bo'lsa, savol bo'yicha javobda mustaqil mushohada yuritilgan bo'lsa, tavsiyalarni amaliyotga qo'llash tartiblari ko'rsatilgan bo'lsa
71-85	O'z javobida qo'yilgan savol bo'yicha mustaqil mushohada yuritgan bo'lsa, ularning mohiyatini deyarli to'liq oolib bergan bo'lsa, qo'yilgan muammoni yechish bo'yicha o'z tavsiyalarini bergan bo'lsa
55-70	Javobida fan bo'yicha variantga kiritilgan savollarga qisman javob bergan bo'lsa, asosiy tushunchalarga bergan izohi kam bo'lsada, mavjud bo'lsa
0-54	Javobida qo'yilgan savol mazmuni umuman yoritilmagan bo'lsa, izohlarmavjud bo'lmasa, ya'ni talabgor javobida qo'yilgan savollar bo'yicha umuman tasavvurga ega emasligi aniq bo'lsa

Izoh: Tayanch doktoranturaga kirish imtihonlari bo'yicha topshiriladigan mutaxassislik fani umumiy balining 50% dan kam ball to'plagan talabgorlar keyingi bosqichga o'tkazilmaydi.

01.01.03 - "Hisoblash matematikasi va diskret matematika" ixtisosligi
bo'yicha baholash mezonlari

Nº	Umumiy ball	Tayanch doktoantura (PhD)ga kiruvchining bilim darajasi	Xususiy ball
Savol nazariy bo'lsa			
1	18-28	Qo'yilgan savollar mazmunan aniq yoritilib, demokratik islohotlar va jarayonlarning mazmunan mohiyati to'liq ochib berilgan; O'zbekistonda amalga oshirilayotgan iqtisodiy, ijtimoiy islohotlar tahlili va ularning amaliy samaralarini, natijalarini va hayotga tadbiq etilishi bo'yicha mustaqil, ijodiy fikr mavjudligi; Javoblarda maniqiy yaxlitlikka erishilgan va umumiy xulosalar chiqarish qobiliyatiga ega; Imlo va stilistik xatolarga yo'l qo'yilmagan.	8-10 6-8 4-6 0-4 18-28
2	13-19	Materiahni chuqur tushunadi, savolga to'liq javob bergan, lekin ayrim noaniqliklarga yo'l qo'yagan, faktlarga to'g'ri baho bera olgan, mustaqil fikrlash va xulosalarni asoslay olish qobiliyatiga ega, javobda maniqiy ketma-ketlikka amal qildi, masalani hal qilishga umuman ijodiy yondasha olgan, Javobda doktorantura (PhD)ga kiruvchining mustaqil mushohada yuritish qobiliyatini sezildidi; Ijodiy yondoshuv mavjud; Muammoni tahlii qilish qobiliyatiga ega.	6-8 5-6 5-5 4-5 0-2 13-19

3	4-8	Savolga javobda masalaning mohiyatini tushunilgan, ammo mazmun va natijalar yuzasi yoritilgan; Musohohada bayonida fikr tarqoqligi kuzatiladi; Javoblarda maniqiylik tamoyili buzilgan; Tasavvurga ega, lekin tahlili yo'q.	2-3 1-2 1-2
4	0-3	Savol bo'yicha aniq tasavvurga ega emas; Umuman javob yozilinagan; Noto'g'ri javob va ma'lumot berilgan; O'quv addabiyotidan aynan so'zma-so'z ko'chirilgan	0-1 4-8 0-3
1	14-18	Masalani yechishda ijmiy - ijodiy yondoshgan; Amaliy topshiriq tahlili va ularning amaliyotga tadbiq etilishi bo'yicha mustaqil, ijodiy fikr va mulohazalar mavjud, amaliy topshiriq to'liq bajarilgan; Javoblarda maniqiy yaxlitlikka erishilgan va umumiy xulosalar chiqarish qobiliyatiga ega; Imlo va stilistik xatolarga yo'l qo'yilmagan;	5-6 5-5 4-5
2	9-13	Javob to'g'ri yozilgan, ammo noaniqliklar, hisob-kitoblarda chalkashliklarga yo'l qo'yilgan, amaliy topshiriq to'liq bajarilmagan lekin yechimiga ilmiy - ijodiy yondashilgan;	14-18 5-6

ТАВСИУА ЕТИЛГАН АДАВИYОТЛАР РО'УХАТИ

Darslik va o'quv qo'llannmalar

	Javobda PhD doktorantura ga kirituvchining mustaqil mushohada yuritish qobiliyati seziladi; ijodiy yondoshuv mavjud;	3-4
Amaliy topshiriqni tahlil qilish qobiliyatiga ega;		1-2
		0-1
	Masalaning mohiyati tushuniigan, amma mazmun va natijalar yuzakni yoritilgan, amaliy topshiriq to'lilq bajarilmagan;	9-13
3	Mushohada bayonida va topshiriqni yechishda fikr tarqoqligi kuzatiladi;	3-4
	Javoblarda mantiqiylik tamoyili buzilgan.	1-2
Topshiriqni yoritishtida va uni amaliy jihatdan asoslashda tasavvurga ega, amma tahlili va xulosa yo'q;		1-1
		0-1
4	Masalaning qo'yilishi bo'yicha aniq tasavvurga ega emas; Umuman javob yozilmagan; amaliy topshiriqning yechimi yo'q;	0-3
	Noto'g'ri javob va ma'lumot berilgan;	
O'quv adabiyotidan aynan so'zma-so'z ko'chirilgan.		

Qo'shimcha adabiyotlar

- Каримов И.А. Озод ва обод Ваган, эркин ва фарнов хаёт-пировард максадимиз.-Т.: Ўзбекистон, 2000. 8 жилд.- 525 б.
- Каримов И.А. Ватан равнаки учун хар биримиз мавзулмиз.- Т.: Ўзбекистон, 2001. 9 жилд.-439 б.
- Каримов И.А. Ўксак мавнавият-енгилмас күч. -Т.: Мавнавият,2008. - 173 б.
- Каримов И.А. Она юртимиш баҳту-саодати йўлида хизмат килиш – Энг олий саодатдир. – Тошкент: Ўзбекистон, 2015.

5. Мирзиев Ш.М. Эркин ва фаровон. демократик йўзбекистон лашнатиш биргаликка барто этамиз. Ўзбекистон Республикаси Президенти лавозимига киришини тантагиди маросимига багишланган Олий Мажлис палаташарининг Кўшима мажлислидаги нутқ. - Тошкент: Ўзбекистон, 2016.
6. Мирзиев Ш.М. Конун устуворлиги ва инсон маифаатларини тъминлаш юрг тараккиётни ва халк фаровонлигининг гарови. - Тошкент: Ўзбекистон, 2017.
7. Мирзиев Ш.М. Буюк келажагимизни мард ва олияканоб халкимиз билан бирга курамиз. - Тошкент: Ўзбекистон, 2020.
8. Исламтулаев Ф.П., Жўраев Г.У. Хисоблаш усууларидан методик кўлланма. Тошкент, Университет. 2007.
9. Исматулаев Ф.П., Косбергенова М.С. Хисоблаш усуулари. Ўкув кўлланма. Тошкент: тафаккур бўstonни, 2014.
10. Алоев Р.Д., Худойберганов М.Ў. Хисоблаш усуулари курсидан лаборатория машгулотлари тўплами. ЎзМУ. Ўкув кўлланма. 2008 й.110б.
11. Воробьева Г.Н., Данилина А.Н. Практикум по численным методам.-М., 1979.
12. Голунов С.К. Уравнения математической физики. -М.: Наука,1972г.
13. Годунов С.К., Рыбенский В.С. Разностные схемы, -М., «Наука», 1973
14. Самарский А.А., Попов Ю.П. Разностные методы решения задач газовой динамики. М. Наука. 1992г.
15. Г.И.Марчук, В.И.Агошков Введение в проекционно-сеточные методы - М.;Наука.1981г.
16. С.Г.Михлин. Вариационные методы в математической физике. -М.: Наука, 1970г
17. Джеймс А. Андерсон. Дискретная математика и комбинаторика. Москва. Санкт-Петербург. Киев. 2004.

Xorijiy adabiyotlar:

1. Le Dret H, Lucquin B. Partial Differential Equations: Modeling, Analysis and Numerical Approximation Basel: Birkhauser, 2016. - 395р.

Kafedra mudiri:

Jalolov O.I

Elektron resurslar:

1. www.ziyonet.uz
2. www.edu.uz
3. www.google.uz
4. www.mathcad.com
5. www.intuit.ru
6. www.maplesoft.com

2. Smith G.D. Numerical Solution of Partial Differential Equations: finite difference methods 3rd ed. — Oxford University Press, 1986. 350 p.

3. Nicholas J. Higham. Accuracy and Stability of Numerical Algorithms. second Edition. Society for Industrial and Applied Mathematics Philadelphia. 2002.

4. V. Lakshmikantham. Theory of Difference Equations. Numerical Methods and Applications. ACADEMIC PRESS, INC. 1988.

5. Richard L.Burden, J.Douglas Faires. Numerical Analysis, Youngstown State University, Boston, USA, Brooks/Cole, 2011.

6. Scott L.R. Numerical Analysis.Princeton University Press, 2011. - 342 р.

7. John A. Trangenstein. Numerical solution of hyperbolic partial differential equations. Department of mathematics, Cambridge university press/USA.2007.- 597р.

8. Agarwal R.P., Wong P.J.Y. Advanced Topics in Difference Equations. New York: Springer, 2010. - 514р